

نوع الامتحان : امتحان قبول وتصنيف في موضوع الرياضيات.

موعد الامتحان : 5/2021

تعليمات للممتحن:

أ. مدة الامتحان : 120 دقيقة.

ب. مبنى التّموذج وتوزيع الدّرجات:

في هذا التّموذج عشرة أسئلة، عليك الإجابة عن جميعها. عدد الدرجات لكلّ سؤال مسجّل ببداية كل سؤال.

ج. موادّ مساعدة يسمح استعمالها : لا توجد.

د. تعليمات خاصّة: الإجابة بشكل واضح.

التّعليمات في هذا التّموذج مكتوبة بصيغة المذكّر وموجهة للممتحنات وللممتحنين على حدّ سواء.

نرجو لكم التّجّاح!

أجب عن جميع الأسئلة. (عدد الدرجات لكل سؤال مسجل)

السؤال الأول (10 درجات): يحتوي على 4 بنود ولكل بند 3 درجات

1. احسب قيمة التعبير التالي:

$$\frac{3}{8} + 5 \div 8 - 6 \times 4 \div 8 = \frac{3}{8} + \frac{5}{8} - 3 = -2$$

2. معطى التعبير:

$$6a + 9b - 3c = 51$$

(أ) ما هي قيمة التعبير: $2a + 3b - c$ ؟

$$3(2a + 3b - c) = 51 \quad \text{حسب المعطى:}$$

$$2a + 3b - c = 17$$

(ب) ما هي قيمة التعبير: $-10a - 15b + 5c$ ؟

$$-5(2a + 3b - c) = -5 \cdot 17 = -85$$

3. اختر الإجابة الملائمة من ضمن الاختيارات التالية:

30% من العدد 140 يساوي 15% من العدد

$$\frac{30}{100} \cdot 140 = 42$$

(أ) 28 (ب) 280 (ج) 2800 (د) 2.8

$$\frac{15}{100} \cdot 280 = 42$$

4. معطى $a \cdot b = 20$, أي من التعبيرات التالية صحيحة؟

(أ) a موجب, b موجب ب. a موجب, b سالب ج. a سالب, b موجب

(د) a سالب, b سالب

السؤال الثاني (10 درجات): يحتوي على 4 بنود ولكل بند 3 درجات

1. اكمل الناقص لكي تحصل على ادعاء صحيح:

$$-6 \times \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \right) = -6$$

2. معطى: $a^2 + b^2 = 41, (a + b)^2 = 81$

جد قيمة التعبير الجبري: (لا يوجد حاجة لايجاد a, b)

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad ab = ?$$

$$81 = 41 + 2ab \Rightarrow ab = 20 \quad \text{الحل:}$$

3. معطى التعبير التالي: $\frac{m^2}{\frac{2}{m} \cdot \frac{4}{m}}$, اي نتيجته ملائمه بعد اختزال التعبير المعطى, وضح:

$$m \neq 0 \quad \frac{\frac{m^2}{2}}{\frac{2}{m} \cdot \frac{4}{m}} = \frac{m^2}{2} \cdot \frac{m}{8} = \frac{m^3}{16}$$

1. $8m$

2. $\frac{m^3}{3}$

3. $2m$

4. $\frac{m}{4}$

4. طول ضلع مربع 5 سم. كبروا طول كل واحد من أضلاع المربع ب 20%.

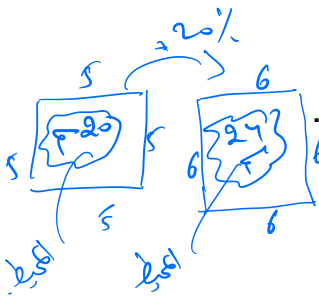
أ. ماهي النسبة المئوية التي كبر بها محيط المربع؟

1. 4%

2. 17%

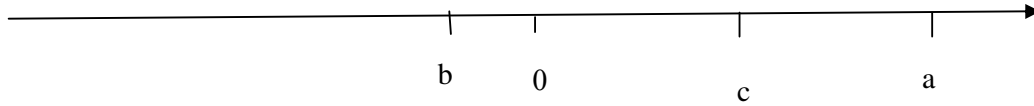
3. 20%

4. 24%



السؤال الثالث: (5 درجات)

الأعداد a, b, c تقع على محور الأعداد حسب الشكل المعطى:



أي الادعاءات صحيحة: اشر اليها

أ. $a+b < 0$

ب. $b-a < 0$

ج. $b+c > c$

د. $a+b > 0$

السؤال الرابع: (5 درجات)

معطى التعبير التالي: $\frac{m^2-4}{m^2-2m}$ التجري $\frac{(m-2)(m+2)}{m(m-2)}$

1. اكمل الناقص: مجال التعريف $m \neq 0 ; m \neq 2$

2. بسط التعبير المعطى: $\frac{(m-2)(m+2)}{m(m-2)} = \frac{m+2}{m}$

3. جد قيمة التعبير المعطى, اذا علم ان $m = 4$:

$m=4 \Rightarrow \frac{m^2-4}{m^2-2m} = \frac{m+2}{m} = \frac{4+2}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$

السؤال الخامس: (5 درجات)

حل المعادلة التالية واكتب مجال التعويض:

الحل:

$$4/ \quad 5 - \frac{7-2x}{2} = \frac{2}{4} - x$$

$$20 - 2(7-2x) = 2 - 4x$$

$$20 - 14 + 4x = 2 - 4x$$

$$8x = 2 - 6$$

$$8x = -4$$

$$x = -\frac{1}{2}$$

السؤال السادس: (5 درجات)

حل المعادلة التالية وجد مجال التعويض:

الحل:

$$(x-5)(x+5) \quad \frac{x-6}{x^2-25} + \frac{1}{x-5} = 1$$

$$x \neq \pm 5$$

$$x-6 + x+5 = x^2-25$$

$$2x-1 = x^2-25$$

$$x^2-2x-24=0$$

$$(x-6)(x+4)=0$$

$$x=6 \quad x=-4$$

السؤال السابع: (5 درجات)

حل هيئة المعادلات التالية:

$$6/ \quad \begin{cases} \frac{x}{2} - \frac{1}{3} = \frac{y}{3} - \frac{1}{2} \\ 2y + 3x = 5 \end{cases}$$

الحل:

$$\Rightarrow 3x - 2 = 2y - 3$$

$$3x - 2y = -1$$

$$+ \begin{cases} 3x - 2y = -1 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$$

$$6x = 4$$

$$x = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 3 \cdot \frac{2}{3} + 2y = 5$$

$$2y = 3$$

$$y = \frac{3}{2}$$

$$\left(\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\right)$$

השאל התלמודית: (30 דרגה)

מעטף רשמ הדלתין:

$$g(x) = -\frac{1}{2}x - 5, f(x) = 2x + 10$$

א. אי רשמ הו רשמ לדלה $f(x)$? ר II

ב. ד אדיתות הנקט: A, B, C, D, E (אנר לרשמ מעטף)

$$\begin{array}{l} A(-5, 0), B(0, 10) \\ C(-10, 0), D(0, -5) \\ E: \begin{cases} 2x + 10 = -\frac{1}{2}x - 5 \\ \frac{5}{2}x = -15 \\ x = -15 \cdot \frac{2}{5} = -6 \end{cases} \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} 2 \cdot \frac{1}{2}x = -15 \\ \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{2}x = -15 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} E(-6, -2) \end{array}$$

ג. ד לוי קים X תתחק המתבניה $f(x) > g(x)$

כל $x > -6$ הדי $f(x)$ נעו פועל הדי $g(x)$.

$$CD = \sqrt{(0 - (-10))^2 + (0 - (-5))^2} = \sqrt{10^2 + 5^2} = \sqrt{125}$$

ד. אכסב טול הקטעה CD.

ה. אכסב מסחה המתל $\triangle BED$.

$$S_{\triangle BED} = \frac{h \cdot p_{BD}}{2} = \frac{6 \cdot 15}{2} = 45$$

ו. ד מעדלה מסתים יר מן הנקטה C ומוזי למסתים II.

$$\begin{array}{l} y = ax + b \\ 0 = 2 \cdot (-10) + b \\ b = -20 \end{array} \Rightarrow y = 2x - 20$$

יזרזי הדי $f(x)$ אל תעל המתל

$$m = 2; C(-10, 0)$$

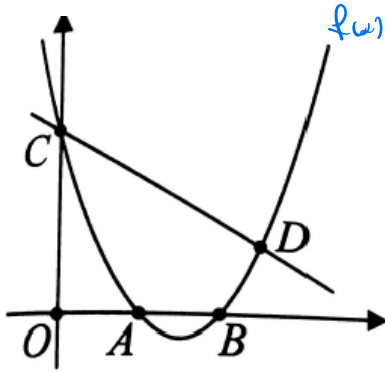
ז. ברهن אן: $\triangle AOB \cong \triangle DOC$

$$\begin{array}{l} \text{יזרזי למתל} \\ \text{על נעיה המתל} \\ A_0 = D_0 = 5 \\ B_0 = C_0 = 10 \\ \angle A_0 B_0 = \angle C_0 D_0 = 90^\circ \end{array}$$

והמתל C

السؤال التاسع: (15 درجة)

القطع المكافئ: $f(x) = 2x^2 - 12x + 16$, تقطع المحاور بالنقاط A, B, C (انظر الرسم) من النقطة C مستقيم ميله -2, بحيث يقطع القطع المكافئ بالنقطة D.



تقطع المحاور
بالنقاط A(2,0), B(4,0), C(0,16)

$$2x^2 - 12x + 16 = 0$$

$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$(x-4)(x-2) = 0$$

$$x = 4 \text{ و } x = 2$$

$$y = -4x + 16$$

أ. جد إحداثيات النقاط A, B, C

الحل: $C(0,16)$

ب. جد معادلة المستقيم CD.

الحل: $m_{CD} = \frac{16-0}{0-4} = -4$
جد نقطة الرأس للقطع المكافئ.

د. في أي مجال يتحقق $f(x) < 0$

الحل: $\{2 < x < 4\}$

ج. في أي مجال يتحقق $f(x) > 0$

الحل: $\{x < 2 \text{ , } x > 4\}$

د. اكتب تعبير للدالة المعطاة $f(x)$ بمساعدة التحليل للعوامل.

الحل: $f(x) = 2(x-2)(x-4)$

ه. اكتب تعبير للدالة بعد ازاحه أفقيه 2 وحدات لليمين للدالة المعطاة $f(x)$.

الحل: $f(x) = 2(x-4)(x-6)$

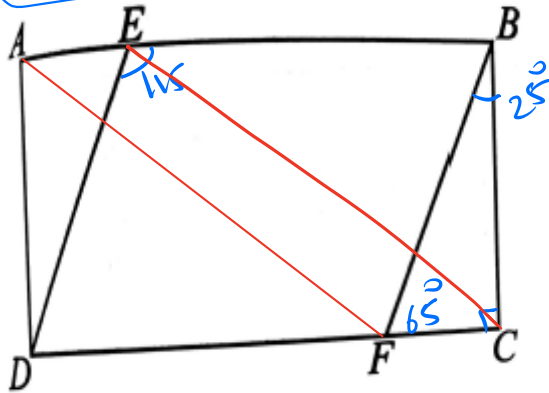
السؤال العاشر (10درجة)

معطى مستطيل ABCD.

النقاط E, F تقع على اضلاع المستطيل (انظر الشكل)

$$\angle CBF = 25^\circ, \angle BED = 115^\circ$$

أ. احسب زوايا $\triangle BFC, \triangle DAE$.
نظروا: $\angle CBF = 25^\circ$ $\angle BED = 115^\circ$ $\angle ADE = 25^\circ$ $\angle AED = 65^\circ$



$\triangle BFC$:

$$\begin{cases} \angle C = 90^\circ \\ \angle FBC = 25^\circ \\ \angle BFC = 65^\circ \end{cases}$$

$\triangle DAE$:

$$\begin{cases} \angle A = 90^\circ \\ \angle AED = 65^\circ \\ \angle ADE = 25^\circ \end{cases}$$

ب. برهن أن: BEDF متوازي اضلاع.

$$\angle EDF = \angle EBF = 90^\circ - 25^\circ = 65^\circ$$

$$\angle DEB = \angle DFB = 115^\circ$$

ج. اضف للشكل المعطى, مستقيمان CE و AF.
نظروا: كل زاوية ضديّة في الزوايا المتطابقة متساوية يكون الشكل متوازي اضلاع \leftarrow EBF, D, F, A, E, C متوازي اضلاع

برهن ان: AECF متوازي اضلاع.

$$\angle ADE = \angle FBC = 25^\circ \Rightarrow BC = AD \Rightarrow \triangle AED \cong \triangle CFB \text{ (بالتناوب)}$$

$$\Rightarrow \text{نتيجة من التناوب الاضلاع المتساوية متساوية} \Rightarrow AE = CF$$

$$\Rightarrow \text{اضلاع المتطابقين متساوية} \Rightarrow AE \parallel CF$$

د. برهن تطابق المثلثات $\triangle BFC, \triangle DEA$.
متوازي اضلاع \Rightarrow $\angle ADE = \angle FBC = 25^\circ$
متوازي اضلاع \Rightarrow $\angle AED = \angle CFB = 65^\circ$
 $\triangle AED \cong \triangle CFB$ (بالتناوب)

$$BC = AD$$

$$\angle C = \angle A = 90^\circ$$

$$\angle ADE = \angle FBC = 25^\circ$$

$$\triangle AED \cong \triangle CFB \text{ (بالتناوب)}$$

والمنطقه

بالنجاح